

# Funkcije

Slajdovi za predmet Osnove programiranja

Katedra za informatiku, Fakultet tehničkih nauka, Novi Sad

2014.

# Ciljevi

- razumevanje zašto je korisno podeliti program u skup više potprograma (funkcija)
- poznavanje pisanja funkcija u Pythonu
- poznavanje detalja pozivanja funkcija i prenosa parametara
- pisanje programa koji koriste funkcije – radi povećanja modularnosti i izbegavanja ponavljanja koda

# Funkcija funkcija

- do sada smo videli različite vrste funkcija:
- u nekim primerima program se sastojao od jedne funkcije `main`
- ugrađene funkcije, npr. `abs`
- funkcije iz paketa, npr. `math.sqrt`

## Funkcija funkcija 2

- imati isti programski kod na više mesta donosi probleme
- problem 1: pisanje istog koda više puta je više posla
- problem 2: isti kod se mora održavati na više mesta istovremeno
- funkcije se mogu upotrebiti protiv ponavljanja istog koda, i pomažu da programi budu čitljiviji i lakši za održavanje

# Funkcija funkcija 3

- funkcija je kao potprogram, mali program unutar većeg programa
- osnovna ideja – napišemo niz naredbi i dodelimo mu ime;
- kasnije izvršavamo taj niz naredbi pozivajući ga po imenu

# Funkcija funkcija 4

- deo programa u kome se funkcija kreira zove se **definicija funkcije**
- kada se funkcija koristi u programu, kažemo da se ona **poziva**

# Primer funkcija

- definicija funkcije

```
def main():  
    print "Happy birthday to you!"  
    print "Happy birthday to you!"  
    print "Happy birthday, dear Fred..."  
    print "Happy birthday to you!"
```

- poziv funkcije

```
>>> main()  
Happy birthday to you!  
Happy birthday to you!  
Happy birthday, dear Fred...  
Happy birthday to you!
```

## Primer funkcija 2

- imamo ponavljanje u kodu:  
`print("Happy birthday to you!" )`
- možemo napisati funkciju koja ispisuje ovaj red:

```
def happy():  
    print "Happy birthday to you!"
```

- sada možemo da skratimo naš program



## Primer funkcija 3

- novi program

```
def singFred():  
    happy()  
    happy()  
    print "Happy birthday, dear Fred..."  
    happy()
```

- rezultat je:

```
>>> singFred()  
Happy birthday to you!  
Happy birthday to you!  
Happy birthday, dear Fred...  
Happy birthday to you!
```

## Primer funkcija 4

- funkcija `happy` nam je uštedela dosta kucanja
- šta ako nam treba rođendan za Lucy?
- mogli bismo napisati funkciju za Lucy:

```
def singLucy():  
    happy()  
    happy()  
    print "Happy birthday, dear Lucy..."  
    happy()
```

# Primer funkcija 5

- možemo napisati program za Freda i Lucy

```
def main():  
    singFred()  
    print()  
    singLucy()
```

- dobićemo ovaj rezultat

```
>>> main()  
Happy birthday to you!  
Happy birthday to you!  
Happy birthday, dear Fred..  
Happy birthday to you!  
  
Happy birthday to you!  
Happy birthday to you!  
Happy birthday, dear Lucy...  
Happy birthday to you!
```

# Primer funkcija 5

- još uvek ima ponavljanja koda
- jedina razlika između `singFred` i `singLucy` je ime u trećoj naredbi
- od ove dve funkcije može se napraviti jedna, sa parametrom

# Primer funkcija 6

- opštija funkcija `sing`

```
def sing(person):  
    happy()  
    happy()  
    print "Happy birthday, dear", person + ". "  
    happy()
```

- ova funkcija ima **parametar** sa nazivom `person`
- parametar je promenljiva čija vrednost se definiše prilikom poziva funkcije

## Primer funkcija 7

- novi izlaz iz programa je:

```
>>> sing("Fred")  
Happy birthday to you!  
Happy birthday to you!  
Happy birthday, dear Fred.  
Happy birthday to you!
```

- sada možemo da preradimo i glavni program

# Primer funkcija 8

- novi glavni program glasi:

```
def main():  
    sing("Fred")  
    print()  
    sing("Lucy")
```

- rezultat je sada sledeći:

```
>>> main()  
Happy birthday to you!  
Happy birthday to you!  
Happy birthday, dear Fred.  
Happy birthday to you!
```

```
Happy birthday to you!  
Happy birthday to you!  
Happy birthday, dear Lucy.  
Happy birthday to you!
```

# Funkcije i parametri

- **opseg** (scope) promenljive definiše deo programa u kome se promenljiva može koristiti
- svaka funkcija je poseban potprogram
- promenljive koje se koriste unutar funkcije su **lokalne** za tu funkciju
- makar imale isto ime kao i neke promenljive izvan te funkcije
  
- jedini način da funkcija „vidi“ podatak izvan sebe je da ga dobije kao parametar



## Funkcije i parametri 2

- definicija funkcije izgleda ovako:  
def <name>(<formal-parameters>):  
    <body>
- ime funkcije (name) mora biti identifikator
- formal-parameters je lista imena parametara (lista može biti prazna)

# Funkcije i parametri 3

- formalni parametri su dostupni samo u telu funkcije
- promenljive sa istim imenom u drugim delovima programa su različite od parametara i lokalnih promenljivih u funkciji

# Funkcije i parametri 4

- funkcija se poziva po imenu za kojim sledi lista stvarnih parametara ili argumenata:  
`<name>(<actual-parameters>)`

# Poziv funkcije

- kada Python naiđe na poziv funkcije, otpočinje proces od 4 koraka:
  - 1 pozivajući program zaustavlja izvršavanje u tački poziva funkcije
  - 2 formalni parametri funkcije dobijaju vrednosti stvarnih parametara iz poziva
  - 3 telo funkcije se izvršava
  - 4 kontrola se vraća u tačku odmah iza poziva funkcije

## Poziv funkcije 2

- prođimo kroz sledeći kod:

```
sing("Fred")  
print()  
sing("Lucy")
```

- kada Python naiđe na `sing("Fred")`, izvršavanje main se privremeno zaustavlja
- Python traži definiciju funkcije `sing` i vidi da ona ima jedan formalni parametar, `person`

## Poziv funkcije 3

- formalni parametar dobija vrednost stvarnog parametra
- to je kao da smo izvršili sledeću naredbu

```
person = "Fred"
```

- promenljiva `person` je upravo inicijalizovana

```
def main():
    sing("Fred")
    print()
    sing("Lucy")

def sing(person):
    happy()
    happy()
    print ("Happy birthday, dear", person + ".")
    happy()

person: "Fred"
```

## Poziv funkcije 4

- u ovom trenutku Python počinje izvršavanje tela funkcije `sing`
- prva naredba je poziv funkcije `happy`
- Python zaustavlja izvršavanje funkcije `sing` i prebacuje kontrolu na `happy`
- funkcija `happy` se sastoji iz jedne `print` naredbe koja se izvrši i kontrola se vraća nazad

## Poziv funkcije 5

```

def main():
    sing("Fred")
    print()
    sing("Lucy")

def sing(person):
    happy()
    happy()
    print ("Happy birthday, dear", person + ".")
    happy()

def happy():
    print ("Happy Birthday to you!")
  
```

**person: "Fred"**

- izvršavanje se nastavlja sa još dva poziva funkcije happy
- kada Python dođe do kraja funkcije sing, vraća kontrolu nazad funkciji main
- tamo nastavlja izvršavanje odmah posle poziva funkcije sing



# Poziv funkcije 6

```

def main():
    sing("Fred")
    print()
    sing("Lucy")

def sing(person):
    happy()
    happy()
    print ("Happy birthday, dear", person + ".")
    happy()

```

- promenljiva `person` u funkciji `sing` nije vidljiva!
- memorija koju zauzimaju lokalne promenljive dok se funkcija izvršava se oslobađa nakon završetka funkcije
- lokalne promenljive ne čuvaju vrednost između dva poziva funkcije

# Poziv funkcije 7

- sledeća naredba je `print()` koja ispisuje prazan red
- Python nailazi na još jedan poziv funkcije `sing`
- prenosi kontrolu na funkciju `sing`, a parametar ima vrednost "Lucy"

```
def main():
    sing("Fred")
    print()
    sing("Lucy")

def sing(person):
    happy()
    happy()
    print ("Happy birthday, dear", person + ".")
    happy()
```

`person = "Lucy"`

`person: "Lucy"`

# Poziv funkcije 7

- telo funkcije `sing` sada se izvršava sa parametrom "Lucy"
- to uključuje tri poziva funkcije `happy`
- na kraju se kontrola prenosi nazad u `main`

```
def main():  
    sing("Fred")  
    print()  
    sing("Lucy")  
    ↓  
  
def sing(person):  
    happy()  
    happy()  
    print ("Happy birthday, dear", person + ".")  
    happy()  
    ↓  
    ←
```

# Poziv funkcije <sub>8</sub>

- prosleđivanje parametara je mehanizam za inicijalizaciju promenljivih u funkciji
- parametri predstavljaju **ulazne** podatke za funkciju
- možemo pozivati funkciju više puta sa različitim parametrima i dobiti različite rezultate

# Rezultat funkcije

- videli smo primere funkcija koje vraćaju vrednost onome ko ih poziva  
`root = math.sqrt(b*b - 4*a*c)`
- vrednost  $b*b - 4*a*c$  je stvarni parametar poziva funkcije `math.sqrt`
- kažemo da `math.sqrt` **vraća** kvadratni koren svog argumenta

## Rezultat funkcije 2

- ova funkcija vraća kvadrat datog broja:

```
def square(x):  
    return x*x
```

- kada Python naiđe na `return` vraća se nazad iz funkcije i predaje kontrolu u tački gde je funkcija pozvana
- vrednost data u `return` naredbi se šalje nazad onome ko je pozvao funkciju

## Rezultat funkcije 3

```
>>> square(3)
9
>>> print(square(4))
16
>>> x = 5
>>> y = square(x)
>>> print(y)
25
>>> print(square(x) + square(3))
34
```

## Rezultat funkcije 4

- možemo da iskoristimo funkciju `square` da napravimo funkciju za rastojanje dve tačke  $(x_1, y_1)$  i  $(x_2, y_2)$

```
def distance(x1, y1, x2, y2):  
    dist = math.sqrt(square(x2 - x1) + square(y2 - y1))  
    return dist
```



# Rezultat funkcije <sub>5</sub>

- nekad funkcija mora da vrati više od jedne vrednosti
- rezultat funkcije može biti lista vrednosti

```
def sumDiff(x, y):  
    sum = x + y  
    diff = x - y  
    return sum, diff
```

## Rezultat funkcije <sub>6</sub>

- kada se poziva ovakva funkcija, koristi se istovremena dodela više vrednosti

```
n1, n2 = eval(raw_input("Unesite dva broja (n1, n2): "))
s, d = sumDiff(n1, n2)
print "Zbir je", s, "a razlika je", d
```

- vrednosti se dodeljuju prema poziciji
- s će dobiti prvu vrednost, a d drugu

# Rezultat funkcije 7

- sitna fora: sve Python funkcije vraćaju vrednost
- bez obzira da li postoji `return` ili ne
- ako ne postoji `return` vraća se specijalna vrednost `None`
- `return` se često zaboravi u pisanju koda!
  - ako se prilikom poziva funkcije dobijaju čudne greške, prvo proveriti ovo

# Izmena parametara

- rezultat funkcije je osnovni način da se informacije vrate nazad onome ko poziva funkciju
- rezultat rada funkcije se može preneti nazad i tako što se parametar funkcije promeni
- razumevanje ovog postupka traži dublje poznavanje mehanizma dodele vrednosti i prenosa parametara

## Izmena parametara 2

- recimo da pišemo program koji upravlja bankovnim računima
- treba nam funkcija koja dodaje kamatu na račun
- prva verzija funkcije

```
def addInterest(balance, rate):  
    newBalance = balance * (1 + rate)  
    balance = newBalance
```

## Izmena parametara 3

- ideja je da se pomeni balance tako da se poveća za iznos kamate
- napišimo program za test:

```
def test():  
    amount = 1000  
    rate = 0.05  
    addInterest(amount, rate)  
    print(amount)
```

# Izmena parametara 4

- nadamo se da će 5% biti dodato na račun i da će rezultat biti 1050

```
>>> test()  
1000
```

- nema greške, sve je u redu!

# Izmena parametara 5

- 1 prve dve linije u test-u kreiraju dve lokalne promenljive, amount i rate
- 2 one dobijaju vrednosti 1000 i 0.05

```
def addInterest(balance, rate):  
    newBalance = balance * (1 + rate)  
    balance = newBalance  
  
def test():  
    amount = 1000  
    rate = 0.05  
    addInterest(amount, rate)  
    print(amount)
```



# Izmena parametara 5

- kontrola se dalje prenosi na funkciju `addInterest`
- formalni parametri `balance` i `rate` dobijaju vrednosti stvarnih parametara `amount` i `rate`
- iako `rate` postoji u obe funkcije, to su dve različite promenljive

```
def addInterest(balance, rate):  
    newBalance = balance * (1 + rate)  
    balance = newBalance  
  
def test():  
    amount = 1000  
    rate = 0.05  
    addInterest(amount, rate)  
    print(amount)
```

# Izmena parametara 6

- 6 dodela vrednosti za parametre `balance` i `rate` funkcije `addInterest` koristi vrednosti **stvarnih** parametara

```
def addInterest(balance, rate):  
    newBalance = balance * (1 + rate)  
    balance = newBalance  
  
def test():  
    amount = 1000  
    rate = 0.05  
    addInterest(amount, rate)  
    print(amount)
```

# Izmena parametara 7

```

def test():
    amount = 1000
    rate = 0.05
    addInterest(amount, rate)
    print(amount)

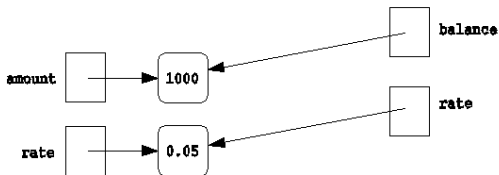
```

$\xrightarrow[\text{rate=rate}]{\text{balance=amount}}$

```

def addInterest(balance, rate):
    newBalance = balance * (1 + rate)
    balance = newBalance

```



# Izmena parametara 8

- 7 izvršavanje prve linije u `addInterest` će kreirati novu promenljivu `newBalance`
- 8 u drugoj liniji će `balance` primiti vrednost od `newBalance`

```
def addInterest(balance, rate):  
    newBalance = balance * (1 + rate)  
    balance = newBalance  
  
def test():  
    amount = 1000  
    rate = 0.05  
    addInterest(amount, rate)  
    print(amount)
```

# Izmena parametara 9

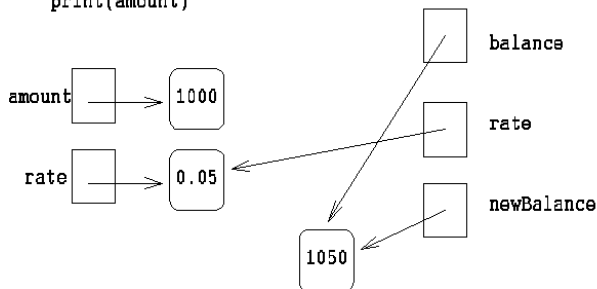
- 9 balance sada pokazuje na istu vrednost kao i newBalance
- 10 ali to nema uticaja na amount u test-u

```
def addInterest(balance, rate):  
    newBalance = balance * (1 + rate)  
    balance = newBalance  
  
def test():  
    amount = 1000  
    rate = 0.05  
    addInterest(amount, rate)  
    print(amount)
```

## Izmena parametara 10

```
def test():
  amount = 1000
  rate = 0.05
  addInterest(amount, rate)
  print(amount)
```

```
def addInterest(balance, rate):
  newBalance = balance * (1 + rate)
  balance = newBalance
```



# Izmena parametara 11

## 10 izvršavanje

`addInterest` se završava i kontrola se vraća test-u

## 11 lokalne promenljive

iz `addInterest` više ne postoje, ali `amount` i `rate` u test-u pokazuju i dalje na stare vrednosti

```
def addInterest(balance, rate):  
    newBalance = balance * (1 + rate)  
    balance = newBalance
```

```
def test():  
    amount = 1000  
    rate = 0.05  
    addInterest(amount, rate)  
    print(amount)
```

# Izmena parametara <sub>12</sub>

- rezime: formalni parametri funkcije primaju samo **vrednosti** stvarnih parametara
- funkcija nema pristup promenljivoj koja čuva stvarni parametar
- kaže se da Python sve parametre **prenosi po vrednosti**
- „pass by value“



# Izmena parametara 13

- neki drugi jezici (C++, itd) omogućavaju da se same promenljive (a ne njihove vrednosti) prenesu kao parametar poziva funkcije
- ovaj mehanizam se zove **prenos po referenci**
- „pass by reference“
- tada se izmene parametara unutar funkcije vide nakon njenog poziva

# Izmena parametara 14

- Python nema ovu mogućnost
- možemo izmeniti `addInterest` tako da vraća `newBalance`

```
def addInterest(balance, rate):  
    newBalance = balance * (1 + rate)  
    return newBalance  
  
def test():  
    amount = 1000  
    rate = 0.05  
    amount = addInterest(amount, rate)  
    print(amount)
```

# Izmena parametara 15

- umesto da radimo sa jednim bankovnim računom, možemo da radimo sa više računa
- račune možemo čuvati u listi
- i kamatu dodavati na svaki račun u listi
- prvi račun bi se mogao menjati ovako:

```
balances[0] = balances[0] * (1 + rate)
```

# Izmena parametara <sub>16</sub>

```
balances[0] = balances[0] * (1 + rate)
```

- ovo znači „pomnoži vrednost nultog elementa liste sa  $1+rate$  i to smesti nazad u nulti element liste“
- opštiji način da ovo uradimo bio bi pomoću petlje koja ide kroz listu sa indeksom 0, 1, ..., dužina-1

## Izmena parametara 17

```
def addInterest(balances, rate):  
    for i in range(len(balances)):  
        balances[i] = balances[i] * (1+rate)  
  
def test():  
    amounts = [1000, 2200, 800, 360]  
    rate = 0.05  
    addInterest(amounts, 0.05)  
    print(amounts)
```

# Izmena parametara <sub>18</sub>

- početne vrednosti računa su bile  
[1000, 2200, 800, 360]
- program je vratio  
[1050.0, 2310.0, 840.0, 378.0]
- šta se desilo? izgleda kao da je amounts promenjen?

# Izmena parametara 19

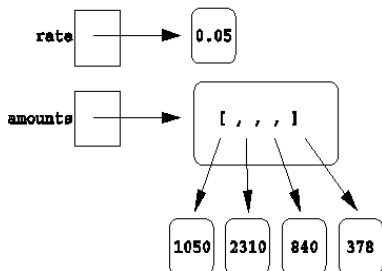
- 1 prve dve linije u test-u inicijalizuju promenljive amounts i rate
- 2 vrednost promenljive amounts je lista koja sadrži 4 int vrednosti

```
def addInterest(balances, rate):  
    for i in range(len(balances)):  
        balances[i] = balances[i] *  
            (1+rate)  
  
def test():  
    amounts = [1000, 2200, 800, 360]  
    rate = 0.05  
    addInterest(amounts, 0.05)  
    print(amounts)
```

## Izmena parametara 20

```
def test():
    amounts = [1000,2150,800,3275]
    rate = 0.05
    addInterest(amounts,rate)
    print amounts
```

```
def addInterest(balances, rate):
    for i in range(len(balances)):
        balances[i] = balances[i] * (1+rate)
```





# Izmena parametara 21

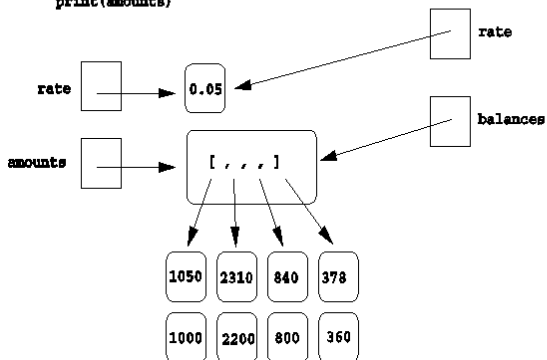
- 3 izvršava se  
addInterest
- 4 petlja ide kroz listu  
0, 1, 2, 3 i ažurira  
tu vrednost u  
balances

```
def addInterest(balances, rate):  
    for i in range(len(balances)):  
        balances[i] = balances[i] *  
            (1+rate)  
  
def test():  
    amounts = [1000, 2200, 800, 360]  
    rate = 0.05  
    addInterest(amounts, 0.05)  
    print(amounts)
```

# Izmena parametara 22

```
def test():
    amounts = [1000,2150,800,3275]
    rate = 0.05
    addInterest(amounts,rate)
    print(amounts)

def addInterest(balances, rate):
    for i in range(len(balances)):
        balances[i] = balances[i] * (1+rate)
```



# Izmena parametara 23

5 stare vrednosti na dijagramu nisu obrisane već su ostavljene da „vise“ da bismo naglasili da se nisu promenili brojevi u svojim kutijama, već su novi dodeljeni elementima postojeće liste

6 stare vrednosti će iz memorije osloboditi [garbage collection](#) mehanizam

```
def addInterest(balances, rate):
    for i in range(len(balances)):
        balances[i] = balances[i] *
            (1+rate)

def test():
    amounts = [1000, 2200, 800, 360]
    rate = 0.05
    addInterest(amounts, 0.05)
    print(amounts)
```

# Izmena parametara 24

- kada se `addInterest` završi i kontrola prenese nazad u `test`
- `amounts` nije promenjen (i dalje je ona stara lista)
- ali je stanje te stare liste promenjeno, i to je vidljivo u `test-u`

# Izmena parametara 25

- parametri se **uvek** prenose po vrednosti
- ako je vrednost parametra promenljivi objekat, promene na tom objektu će biti vidljive nakon povratka iz funkcije

# Modularni programi

- do sada smo funkcije koristili kao sredstvo da sprečimo ponavljanje koda
- drugi razlog za upotrebu funkcija je pisanje **modularnih** programa
- kako algoritmi koje kreiramo postaju sve složeniji, sve je teže čitati programski kod
- jedan način da se ovo reši je podela algoritma na manje potprograme gde je svaki od njih autonoman (ima smisla sam za sebe)